## 半導体量子井戸における電子スピンg因子の量子閉じこめ依存性

志智亘<sup>1</sup>, 伊藤哲<sup>2</sup>, 森定慎介<sup>1</sup>, 西岡愛恵<sup>1</sup>, 市田正夫<sup>1,2</sup>, 後藤秀樹<sup>3</sup>, 鎌田英彦<sup>3</sup>, 安藤弘明<sup>1,2</sup>

1甲南大学大学院自然科学研究科,2甲南大学量子ナノテクノロジー研究所

<sup>3</sup>NTT 物性科学基礎研究所

# Quantum confinement dependence of electron g-factor in semiconductor quantum well structures

W. Shichi<sup>1</sup>, T. Ito<sup>2</sup>, S. Morisada<sup>1</sup>, Y. Nishioka<sup>1</sup>, M. Ichida<sup>1,2</sup>

H. Gotoh<sup>3</sup>, H. Kamada<sup>3</sup>, and H. Ando<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup>Faculty of Science and Engineering, Konan University <sup>2</sup>Quantum Nano-Technology Laboratory, Konan University <sup>3</sup>NTT Basic Research Laboratories NTT Corporation

### Abstract

The effects of quantum confinement on electron spin g-factor have been investigated in lattice-mathced GaAs/AlGaAs quantum well (QW) and strained InGaAs/GaAs QW. We demonstrate how the spin precession frequency changes depending on the GaAs well width and the indium fraction in  $In_xGa_{1-x}As$  well by time-resolved photoluminescence measurements are under a high magnetic field. The g-factor values obtained by the spin precession measurements are compared with calculation method proposed by Ivchenko. The calculation results agree with our experimental results in lattice matched QW. In addition to this calculation, we have examined a different approach to the calculation of g-factor. It is found that the  $\mathbf{k} \cdot \mathbf{p}$  calculation exhibits good agreement with experimental trends both in the unstrained and strained QW system.

## 1.はじめに

III・V族関亜鉛鉱型半導体において、結晶 の周期構造に起因する  $\mathbf{k} \cdot \mathbf{p}$  摂動により伝導 帯である  $\Gamma_6$  状態と価電子帯である  $\Gamma_7$ ,  $\Gamma_8$ 状が混ざり込むことが知られている. この ことは電子の光学特性,伝導性および磁性 などに影響を及ぼす.量子井戸や量子ドッ トなどの量子構造を導入することは伝導帯 や価電子帯の Bloch 関数や固有エネルギー を変化させ、半導体の基本的な性質を変え る.これらの性質の中でも特に Landé の g 因子は量子閉じこめ効果による影響を受け やすいものの一つである. 従って、量子構 造により閉じこめられた電子のスピンg因 子の正確な測定を行うことで多くの情報を 提供できることが期待される.スピンg因 子の量子閉じこめ効果を明らかにするため のたくさんに研究がなされてきた[1,2].量 子井戸におけるスピンg因子の井戸幅依存 性や縦方向成分や横方向成分といった異方 性について測定されている[2].また,理論 的に異方性の実験結果を説明するための研 究がなされてきた[1].IvchenkoとKiselev らにより提案された8バンド近似の理論は Kane 流の k·p 摂動を元にバルク半導体を 計算し,高次の摂動補正項をとおして量子 閉じこめ効果を表現している[1]. 今回 我々は、格子整合系量子井戸および歪系量 子井戸における電子スピンg因子の実験と 計算を行った.実験は、Voigt 配置で円偏光 のフォトルミネッセンス (PL)の時間発展 を測定することにより、電子スピンの歳差 運動に関わる電子g因子の横成分 ( $g_{\perp}$ )を 見積もった.計算においては Ivchenko らの 方法をもとに $g_{\perp}$ を求めるとともに上述と は異なるアプローチで $g_{\perp}$ を求める方法を 検討した.また、実験結果をこれらの二つ の方法より求めた計算結果と比較した.

## 2.実験方法

格子整合系量子井戸における測定に使 用した試料は異なる井戸幅を含んでおり, 閉じこめ効果の井戸幅依存性を同じ条件で 測定することができる.また,この試料は 井戸層として GaAs,バリア層として Alo.35Gao.65Asを含んでいる.電子スピン歳 差運動を観測するために,4 K で Voigt 配 置における 10T までの強磁場で,ストリー クカメラを用いて時間発展 PL 測定を行っ た[3].実験では量子井戸の試料に波長 700 nm で 2 ps のパルスレーザーを用いて照射 した.PLにおける円偏光成分 $\sigma^+$ および $\sigma^-$ は $\lambda/4$ 板および偏光板を利用し,選択測定 を行った.

歪系量子井戸における試料は、井戸層が In<sub>x</sub>Ga<sub>1-x</sub>As,バリア層が GaAs で構成され ており、井戸幅は 12 nm である.また、In の含有量が 0.1 と 0.05 の試料を利用するこ とにより電子 g 因子の In 含有量依存性を 測定した.測定には格子整合系と同様の方 法で行った.



図 1.Al<sub>0.35</sub>Ga<sub>0.65</sub>As/GaAs 量子井戸の井戸幅 15[nm]における歳差運動の*σ*<sup>+</sup> − *σ*<sup>−</sup> で定義 される光学異方性の時間発展.



**図 2.**Al<sub>0.35</sub>Ga<sub>0.65</sub>As/GaAs 量子井戸における歳 差運動の振動数の井戸幅依存性.

#### 3.実験結果

図1に井戸幅が15 nmの量子井戸におい て得られた $\sigma^+ - \sigma^-$ で定義された光学異方 性の時間発展を示す.図1の点線は印加磁 場なしの光学異方性の時間発展である.実 線は磁場印加時における光学異方性の時間 発展であり、電子のスピン歳差運動による 振動をみることができる.この PL の時間 発展における振動から電子スピンの歳差運 動の振動数を見積もった.図2はそのよう にして求めた各井戸幅に対する振動数の磁 場依存性である.印加磁場が大きくなるに 従って振動数がそれに比例して増加してい る様子がわかる.このとき、それぞれの比 例係数より電子g因子を得ることができる.

## 4.計算方法

まず, Ivchenko らにより提案された8バ ンド近似による計算方法について述べる. 量子井戸における閉じこめ方向と磁場の方 向が平行であるときの電子g因子(*g*)は

$$g_{\parallel} = g_{w} \int |\phi_{w}|^{2} dz + g_{b} \int |\phi_{b}|^{2} dz$$

$$g_{w,b} = g_{w,b}^{(0)} + \Delta g k_{w,b}^{2}$$
(1)

と表現される.ここで、 $\phi_{w,b}$ は各層の波動

関数,  $g_{w,b}^{(0)}$ は各層のバルク半導体における 電子 g 因子の値,そして $k_{w,b}$ は井戸構造に おける電子の波数である.  $\Delta g$  は閉じこめエ ネルギーの変化に伴う補正項で,3 次と4 次の  $\mathbf{k} \cdot \mathbf{p}$  摂動を計算することにより求める ことができる.また,電子 g 因子の横成分 ( $g_{\perp}$ ) は次の関係式より求められる.

$$g_{\parallel} - g_{\perp} = 2\frac{P_{cv}^{2}}{m_{0}} \left(\frac{1}{E_{g} + \delta_{e} + \delta_{hh}} + \frac{1}{E_{g} + \delta_{e} + \delta_{lh}}\right)^{(2)}$$

ここで、 $m_0$ は電子質量、 $\delta_e$ , $\delta_{hh}$ , $\delta_{lh}$ は電子、 重い正孔そして軽い正孔の閉じこめエネル ギーである. $P_{cv} = \langle iS | p_z | Z \rangle$ は運動量演算 子のバンド間行列要素である.

次に、電子g因子を異なるアプローチで 求める方法について述べる[4].この方法は、 強い閉じこめを仮定し、各バンドにおける 閉じこめ状態の最低エネルギー状態を利用 し2次の**k·p**摂動計算を行う.この結果、 電子g因子の横成分(g<sub>1</sub>)は

$$g_{\perp} = g_0 + \frac{2}{3} \frac{P_{cv}^2}{m_0} \left( -\frac{2}{E_g + \delta_e + \delta_{lh}} + \frac{2}{E_g + \delta_e + \Delta + \delta_{so}} \right)^{(3)}$$

となる.ここで、 $g_0, E_g, \Delta, \delta_{so}$ はそれぞれ 自由電子のg因子 ( $g_0 \approx 2$ )、井戸層の材 料のバンドギャップ、井戸層の材料の価電 子帯上端とスピン分離帯上端のエネルギー ギャップ、スピン分離帯の閉じこめエネル ギーである.

歪系の量子井戸における電子g因子は、 伝導帯および価電子帯における歪による効果を考慮したエネルギー構造を元に、上述 した方法を用いて求めることができる[5].

## 5.計算結果と考察

図 3 に(a)格子整合系量子井戸である井戸 層が GaAs, バリア層が Al<sub>0.35</sub>Ga<sub>0.65</sub>As の  $g_{\perp}$ の井戸幅依存性, (b) 歪系量子井戸である井 戸層が In<sub>x</sub>Ga<sub>1-x</sub>As, バリア層が GaAs の  $g_{\perp}$ の In 含有量依存性を示す. 各図の黒丸は図 2 の傾きより求めた  $g_{\perp}$ である. 破線は Ivchenko らの方法により求めた  $g_{\perp}$ であり, 実線は式(3)で求めた  $g_{\perp}$ である. ここで, 電子 g 因子を計算するにあたり各式におけ る  $2P_{cv}^{2}/m_{0}$ の値は各層における材料のそ れらを電子の存在確率で重み付けしたもの を利用した. 各材料の  $2P_{cv}^{2}/m_{0}$ の値はそ れらの電子 g 因子が分かっているので, こ れを元に次式から逆算することにより求め た[6].

$$g = g_0 - \frac{4}{3} \frac{P_{cv}^2}{m_0} \frac{\Delta}{E_g (E_g + \Delta)}$$
(4)

ここで、 $In_xGa_{1-x}As$ の各材料の $2P_{cv}^2/m_0$ の

値は GaAs の値と, In<sub>0.53</sub>Ga<sub>0.47</sub>As の値を比 例配分することにより求めた.また,式(3) の閉じこめエネルギーの値は,有限の深さ の量子井戸として求めた値を利用した.

図 3 の点線は GaAs バルクにおける電子 g因子(-0.44)および Al<sub>0.35</sub>Ga<sub>0.65</sub>As バル クにおける電子g因子(0.5)である[1,6]. 図(a)では実験結果および二つの計算結果は



図 3. 量子井戸構造における電子g因子の横方向 成分の井戸構造依存性.黒丸は測定値,実線は式(3) より求めた計算結果,破線は式(1),(2)より求めた計 算結果.(a)は格子整合系量子井戸の井戸幅依存性, (b)は歪系量子井戸の In 含有量依存性.

ともに, 井戸幅が狭くなるに従って Alo.35Gao.65As の電子g因子の値に近づい ており,井戸幅が広がるにつれて GaAs の 電子g因子の値に近づいていくことがわか る.計算結果もこのような傾向を再現して いる.一方,図(b)において, In 含有量がわ ずかなところでの実験結果はほぼ GaAs の 電子g因子の値と変わらなかった.計算結 果においては式(3)によるものは実験結果の 傾向を再現した.

## 6.まとめ

今回我々は,格子整合系量子井戸および 歪系量子井戸における横方向電子g因子の 構造依存性をスピン歳差運動を測定するこ とにより求めた.また,二つの計算方法を 用いて実験結果と比較した.この結果, Ivchenko らの方法とは別のアプローチで 求めた電子g因子は実験結果の傾向を再現 することがわかった.今後は,他の材料系 における電子g因子の測定を行い,また, 式(3)の計算方法により測定結果と比較して いきたい.

#### 参考文献

- E. L. Ivhenko and A. A. Kiselev, Sov. Phys. Semicond. 26, 827 (1992).
- [2] R. M. Hannak, M, Oestreich, A. P. Heberle, W. W. Rühle, Köhler, Solid State Commun. 93, 313 (1995).
- [3] A. P. Heberle, W. W. Rühle, K. Ploog, Phys. Rev. Lett. 72, 3887 (1994).
- [4] Eougenious L. Ivchenko "Optical Spectroscopy of Semiconductor Nanostructures" (Alpha Science International Ltd. Harrow, U.K, 2005)
- [5] S. L. Chuang, "Physics of Optoelectronic Devices (John Wiley & Sons, Inc., New York, 1995).
- [6] H. Kosaka, A. A. Kiselv, F. A. Baron, K. W. Kim, and E. Yablonovich, Elecron. Lett. 37, 464 (2001).